

САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
ФАКУЛЬТЕТ ПРИКЛАДНОЙ МАТЕМАТИКИ – ПРОЦЕССОВ
УПРАВЛЕНИЯ

Мишенин А.Н., Стученков А.Б.

КЛАССИФИКАЦИЯ ТЕКСТОВ

Часть 1:

Программирование на Python. NumPy

Учебно-методическое пособие

Санкт-Петербург
2020

УДК 025.4.03 : 004.738.5

ББК 32.971.353 : 32.973

А.Н. Мишенин, А.Б. Стученков

**Классификация текстов. Часть 1: Программирование на Python.
NumPy.**

Учебно-методическое пособие – СПб., 2020. – 69с.

Учебно-методическое пособие разработано на основе опыта чтения курсов лекций и проведения практических занятий по учебным дисциплинам «Классификация документов» и «Информационный поиск» на факультете Прикладной Математики – Процессов Управления Санкт-Петербургского государственного университета. В первой части внимание уделено изучению основ языка Python и библиотеки NumPy.

Содержание

Введение	3
Python для научных вычислений и машинного обучения	4
Реализации Python	6
Установка Python	6
Скрипты Python	7
Jupyter notebook	8
Основы программирования на Python	9
Система модулей	9
Переменные	11
Простые базовые типы данных	11
Преобразование типов	12
Математические операции	13
Строки	14
Форматирование строк	16
Списки	17
Кортежи	20
Множества	21
Словари	24
Управляющие конструкции	26
List comprehension (списковое включение)	27
Функции	29
Итераторы и генераторы	31
Классы	33
Задачи	37
Избранные конструкции и библиотеки	38
Декораторы	38

Контекстные менеджеры	39
Операции с файлами	41
Коллекции и итераторы	43
Сериализация	46
Задачи	47
NumPy	48
Создание массивов	49
Индексация массивов	54
Slicing	54
Advanced indexing	56
Базовые операции	58
Линейная алгебра	60
Функции	64
Сохранение состояния	65
Случайные числа	65
Задачи	66
Список литературы	68

Введение

`Python[2][1]` - скриптовый язык программирования общего назначения.

Основные особенности:

- строгая динамическая типизация
- автоматическое управление памятью

Преимущества:

- интерпретируемость, нет необходимости компилировать код (с другой стороны, это можно воспринимать как недостаток)
- развитая стандартная библиотека
- большое количество сторонних библиотек
- простота, отлично подходит для быстрого прототипирования

Недостатки:

- проблемы с производительностью в определенных сценариях (`CPython`)
- проблемы с статическим анализом кода, невозможно создать вменяемую IDE
- исторические проблемы, связанные с дизайном языка

Исторически существует две версии `Python 2` и `Python 3`. Они не совместимы и фактически являются разными языками программирования, такой переход был связан с попыткой избавиться от исторических проблем в дизайне языка (поддержка юникода, неконсистентность некоторых синтаксических конструкций). Переход между версиями был сопряжен с определенными проблемами, так

как не все библиотеки были портированы на третью версию. Но в настоящий момент проблема, в целом, решена. Мы будем использовать Python 3.

```
1 # Статическая типизация
2 int a = 5;
3 a = "hello";
4
5 # Динамическая типизация
6 a = 5
7 a = "hello" # Ok
```

```
1 # Строгая типизация
2 a = "10"
3 b = a + 5 #ошибка
4
5 # Слабая типизация
6 a = "10"
7 a = a + 5 # ???? 15? "105"?
```

Python для научных вычислений и машинного обучения

Язык общего назначения, но с помощью сторонних библиотек (Scientific Python) можно использовать качестве альтернативы для MATLAB, Mathematica, R и в качестве языка для построения моделей глубокого обучения. Приведем некоторый список популярных библиотек:

- **NumPy**[5] - линейная алгебра, случайные числа, базовые операции
- **scipy**[11] - статистика, численные методы и многое другое
- **tensorflow**[14]- машинное обучение, автоматическое дифференцирование, нейронные сети

-
- **pytorch**[9] - машинное обучение, автоматическое дифференцирование, нейронные сети
 - **matplotlib**[3] - рисование графиков, визуализация
 - **plotly**[7] - рисование графиков, визуализация
 - **pandas**[6] - работа с табличными данными в стиле R
 - **sympy**[13] - символьные вычисления (Maple)
 - **scikit-learn**[10] - машинное обучение
 - **statsmodels**[12] - статистика, машинное обучение
 - **PyMC3**[8] - байесовское статистическое моделирование
 - **networkx**[4] - работа с графами, визуализация, раскладка

Преимущества:

- свободное программное обеспечение
- огромный выбор библиотек
- можно создавать production-ready системы
- низкоуровневые библиотеки написаны на C (производительность)
- можно легко писать C-расширения ([cython](#))
- параллельные вычисления

Недостатки:

- по функциональности может уступать специализированным языкам программирования (например, **R**)
- врожденные ограничения интерпретатора **CPython** (отсутствие JIT, GIL и т.д.)

Проверка версии:

```
1 $ python --version
```

Реализации Python

CPython

- эталонная реализация
- интерпретатор, с проблемами в дизайне (GIL)

PyPy

- JIT
- в общем случае быстрее
- не совместим со многими библиотеками, использующими нативные библиотеки. Практически бесполезно для научных вычислений.

Jython

- Реализация под JVM. Исходный код компилируется в Java Byte Code

IronPython

- Реализация под CLR. Исходный код компилируется в CIL

GraalPython

- Реализация для GraalVM. На начальном этапе разработки (2020)

Установка Python

Linux: Можно использовать системный пакетный менеджер ([apt](#), [yum](#)). Для Debian-based дистрибутиво установка всего необходимого может выглядеть так

```
1 $ sudo apt-get install python3-dev python3-pip
  cython3 python3-numpy python3-scipy
```

Windows, Linux, Mac OS: Удобно использовать специальный дистрибутив с собственным менеджером пакетов Anaconda

Docker: Если установлен [Docker](#), то можно официальный репозиторий https://hub.docker.com/_/python/ с самыми последними версиями.

Скрипты Python

Скрипты хранятся в файлах с расширением *.py

В начале каждого файла рекомендуется добавлять шапку:

```
1 #!/usr/bin/env python
2 # -*- coding: utf-8 -*-
3
4 # тут код
```

- на первой строчке находится т.н. shebang, в Unix-системах указание оболочке, какую программу нужно использовать для запуска скрипта
- на второй строчке указание интерпретатору Python на кодировку исходного текста скрипта. Разумеется всегда нужно использовать `utf-8`

Запуск скрипта:

```
1 $ python python_script.py
```

Jupyter notebook

Проект `Jupyter` - это интегрированная среда для разработки, которая эволюционировала из обычного `REPL` (`Read Eval Print Loop`). Её можно установить с помощью пакетного менеджера `conda`:

```
1 $ conda install -c conda-forge jupyterlab
```

или `pip`:

```
1 $ pip install jupyterlab
```

Запуск из командной строки:

```
1 $ jupyterlab
```

Зачем это нужно?

- своего рода `web-based IDE`
- “альтернативный” подход, как в `Mathematica`
- удобно для экспериментов
- богатая инфраструктура, программы, взаимодействие с `R`, `Julia` и так далее
- блокноты хранятся в специальном формате `*.ipynb`

Концепция ячеек:

- в каждой ячейке может быть текст (документация) или код
- ячейку можно запустить и сразу получить результат
- в каждой ячейке нужно писать какую-то малую логическую часть кода
- состояние можно сохранить

Горячие клавиши:

- Ctrl+Enter - запустить ячейку
- Ctrl+Shift - запустить ячейку и переместиться вниз
- Esc+m - текстовая ячейка
- Esc+y - ячейка с кодом
- Ctrl+m+b - вставить новую ячейку за текущей ячейкой
- Ctrl+m+a - вставить новую ячейку перед текущей ячейкой
- Ctrl+m+x - удалить текущую ячейку

<tab> - автодополнение кода

Основы программирования на Python

Система модулей

Python имеет систему пакетов и модулей, модуль подключается с помощью директивы `import`. Модуль (module) - базовое понятие языка. Содержит код и глобальные переменные. После подключения модуля в текущем пространстве имен становятся доступны все определенные в модуле функции, классы и переменные.

```
1 import random
2 random.randint(1,5)
```

```
5
```

Дополнительный синтаксис, если мы хотим импортировать только определенные функции:

```
1 # импортирует из модуля функции randint и gauss
2 from random import randint, gauss
3
4 gauss(0, 4)
```

```
-1.5369677758312392
```

Можно так:

```
1 from random import *
2 import math as m
3
4 m.log(2)
```

```
0.6931471805599453
```

В среде `Jupyter` можно было получить справку по функциям:

```
1 randint?
```

или с помощью встроенной функции `help`

```
1 help(m.log)
```

В результате получится

```
Help on built-in function log in module math:
log(...)
log(x[, base])

Return the logarithm of x to the given base.
If the base not specified, returns the natural
    logarithm (base e) of x.
```

Переменные

Имена переменных в Python могут содержать буквы, цифры и `_`, начинаться должны с буквы (`_` в начале может иметь семантическую нагрузку). По соглашению, имена переменных начинаются с маленькой буквы, имена классов - с большой.

Ключевые слова:

```
and, as, assert, break, class, continue, def, del, elif,
else, except, exec, finally, for, from, global, if,
import, in, is, lambda, not, or, pass, print, raise,
return, try, while, with, yield
```

Простые базовые типы данных

Целые числа в Python поддерживают длинную арифметику.

```
1 a = 2 # int
2 type(a)
```

```
int
```

Числа с плавающей точкой

```
1 a = 2.5
2 type(a)
```

```
float
```

Комплексный числа

```
1 a = 2 + 5j
2 b = 3j
3 type(a)
```

```
complex
```

Логический тип

```
1 a = True
2 b = False
3 type(a)
```

```
bool
```

Тип `NoneType`, который имеет единственное значение - `None`.

```
1 a = None
2 type(a)
```

```
NoneType
```

Преобразование типов

Преобразовать один тип к другому можно с помощью конструкторов

```
1 int(True), int(False)
```

```
(1, 0)
```

```
1 float(2)
```

```
2.0
```

Математические операции

Нужно иметь ввиду, что в результате операции деления целых / может получиться число с плавающей точкой. Для целочисленного деления используется оператор //.

```
1 2 / 3, 2 // 3, 10 ** 106
```

```
(0.6666666666666666,  
0,  
10000000000000000...)
```

В Python 3 тип целых чисел с длинной арифметикой и обычных целых совпадает

```
1 type(2 ** 160)
```

```
int
```

```
1 a = False  
2 not a
```

```
True
```

```
1 a = 4  
2 a < 5, 1 < a < 7, a <= 4, 2 == 4
```

```
(True, True, True, False)
```

Строки

Строки в Python 3 поддерживают *unicode*. Могут обозначаться двойными кавычками, одинарными, тремя одинарными или тремя двойными.

```
1 s = "first string"  
2 s, type(s)
```

```
('first string', str)
```

Основные методы

```
1 v: int = s.find('<str>') # поиск первого вхождения  
2 v: list = s.split('<str>') # разделить на строки  
3 v: str = s.islower() # s.isupper(), s.isdigit(), ..  
4 v: str = s.replace('<str>', '<str>')  
5  
6 # удалить пробельные символы по краям  
7 v: str = s.strip()  
8 v: int = s.count('<str>') # число вхождений подстроки  
9 v: bool = s.startswith('<str>') # s.endswith('<str>')  
10 v: str = s.join(['<str>', '<str>', '<str>'])
```

slicing - получение подстроки

```
1 s = 'Hello world'  
2 s[:-1]
```

```
'Hello worl'
```

Индексирование

```
1 s = 'Hello World!'
2 len(s), s[0], s[-1]
```

```
(12, 'H', '!')
```

Конкатенация подстрок

```
1 b = s[0:3] + s[-2:-1]
2 b
```

```
'Held'
```

Более сложные примеры, реверс строки, получение подстроки через несколько символов

```
1 s, s[::-1], s[1:-1:2]
```

```
('Hello World!', '!dlroW olleH', 'el ol')
```

Если между двоеточиями подразумевается ноль, то этот ноль, как в примере выше, можно опустить

```
1 s[:0:-1]
```

```
'!dlroW olle'
```

Строку можно получить из любого типа с помощью встроенной функции `str`

```
1 str(5)
```

```
'5'
```

Форматирование строк

Традиционный способ с помощью оператора %

```
1 '%05d %05.3f %s' % (5, 3.123456, 'hello')
2 '%04d %.2f' % (5, 2.578)
3 '%05d' % 120
```

```
'00005 3.123 hello'
'0005 2.58'
'00120'
```

Можно использовать метод `format`

```
1 '{0:.2f} {1:05d} {2}'.format(0.5, 5, 'hello')
```

```
'0.50 00005 hello'
```

или более удобный способ - специальный тип строки с префиксом `f`

```
1 k = 5
2 v = 10
3 f'k={k}, v={v}'
```

```
'k=5, v=10'
```

Списки

Реализация структуры данных “список” - упорядоченных набор элементов произвольной природы. Python имеет специальный синтаксис для работы со списками, операции индексирования как со строками, но списки можно изменять

Создадим список

```
1 [1, 'aaa', 2]
```

```
[1, 'aaa', 2]
```

Длина, первый и последний элементы списка

```
1 lst = [1, 2, 3]
2 len(lst), lst[0], lst[-1]
```

```
(3, 1, 3)
```

Основные методы

```
1  el = 3
2  col = [1, 2, 3]
3
4  lst.append(el) # добавление элемента в конец
5  lst.extend(col) # добавления коллекции в конец
6  lst.remove(el) # удалить первое вхождение
7  lst.pop() # удалить последний элемент
8  lst.count(el) # число элементов в списке
9  lst.index(el) # индекс первого элемент
10 lst.insert(1, el) # вставить *el* на позицию *1*
11 lst.clear()
12
13 lst += lst
14 lst += [el]
```

Метод `append` добавляет элемент к концу списка

```
1  lst = [1, 2, 3]
2
3  lst.append(4)
4  lst
```

```
[1, 2, 3, 4]
```

списки можно конкатенировать с помощью операции `+`

```
1  lst2 = [4, 5, 6]
2  lst3 = lst + lst2
3  lst3
```

```
[1, 2, 3, 4, 4, 5, 6]
```

вытащить последний элемент

```
1  lst3.pop()
```

6

вставить элемент на конкретную позицию

```
1 lst3.insert(1, 'a')
2 lst3
```

[1, 'a', 2, 3, 4, 4, 5]

удаление элемента по значению

```
1 lst = [1, 3, 2, 2, 4]
2 lst.remove(2)
3 lst
```

[1, 3, 2, 4]

удаление по индексу

```
1 del lst[2]
2 lst
```

[1, 3, 4]

Список из упорядоченных чисел можно получить используя встроенную функцию `range`

```
1 list(range(0, 5))
```

[0, 1, 2, 3, 4]

Кортежи

Кортежи похожи на списки, но:

- их нельзя изменять
- они предназначены для хранения структурированных данных

Кортежи создаются похожим способом, только вместо квадратных скобок используются круглые

```
1 t = (1, 2, 3)
2 t
```

```
(1, 2, 3)
```

ОСНОВНЫЕ МЕТОДЫ

```
1 el = 2
2
3 t.count(el)    # число элементов в списке
4 t.index(el)    # индекс первого элемент
```

```
1
```

кортежи нельзя модифицировать, соответственно они поддерживают вычисление хеш-значения

```
1 t[0] = 5
```

```
TypeError Traceback (most recent call last)
<ipython-input-47-6dd06f73cec4> in <module>
----> 1 t[0] = 5

TypeError: 'tuple' object does not support item
      assignment
```

```
1 a, b, c = t
2 a
```

```
1
```

подходят для хранения структурированных данных

```
1 t = ('Ivanov', 'Ivan', 'Ivanovich', 25, 'M')
2 t
```

```
('Ivanov', 'Ivan', 'Ivanovich', 25, 'M')
```

Множества

Структура данных “множество” - неупорядоченного набора уникальных элементов. В реализации используется хеш-таблица.

Создание множества

```
1 s = {1, 2, 3}
2 s = set([1, 2, 3])
3 s
```

```
{1, 2, 3}
```

“Множества” поддерживают базовые теоретико-множественные операции. Например объединение

```
1 l = {1, 2, 3}
2 l.union([5]) # l + set([5])
3
4 l
```

```
{1, 2, 3, 5}
```

И другие

```
1 el = 5
2
3 s = {1, 2, 3}
4 s = set()
5 s = set([1, 2, 3])
6
7 s.add(el)
8 s.discard(el) # удалить элемент
9 s.pop()      # удалить произвольный элемент
10 s.remove(2) # удалить заданный элемент
11 s.update({1, 2, 3})
12 s.clear()
13 r: set = s.difference({1, 2, 3})
14 r: set = s.union({1, 2, 3})
15 r: set = s.intersection({1, 2, 3})
16 r: set = s.issubset({1, 2, 3})
17 r: bool = s.issuperset({1, 2, 3})
18
19 s |= {1, 2, 3}
20 s &= {1, 2, 3}
```

Проверить, входит ли элемент в множество можно с помощью оператора **in**

```
1 2 in s
```

```
True
```

его можно использовать в виде `not in`

```
1 5 not in s
```

```
True
```

для добавления одиночного элемента используется метод `add`

```
1 s.add(5)
2 s
```

```
{1, 2, 3, 5}
```

для теоретико-множественных операций можно использовать `-`, `+`, `|`, `&`

```
1 { 1 } | {2, 3, 5} - {5}
2 {1, 2} & {2, 5}
```

```
{1, 2, 3}
{2}
```

удаление элемента из множества осуществляется с помощью метода `remove`

```
1 s = {1, 2, 3}
2 s.remove(3)
```

Словари

Словарь, `dict`, это реализация ассоциативного массива, то есть словарь позволяет хранить пары (ключ, значение) и выполнять три операции: операцию добавления новой пары, операцию поиска и операцию удаления пары по ключу. Используется хеш-таблица, как и в случае с `set`.

Основные методы

```
1 d = dict(zip([1, 2, 3], ['1', '2', '3']))
2 d = dict.fromkeys([1, 2, 3])
3 d = {1: 'a', 2: '3', 3: '4' }
4
5 el = 3
6
7 d.items()      # итератор пар (ключ, значение)
8 d.keys()      # итератор ключей
9 d.values()    # итератор ключей
10 d.items()    # итератор для пар (ключ, значение)
11 d.pop(el)    # удалить ключ, вернуть значение
12 d.get(el)    # значение по ключу
13
14 # значение по ключу, по умолчанию - 5
15 d.get(el, 5)
16 d.values()   # список значений
17
18 # добавить все пары ключ/значение из *d*
19 d.update({5: '7', 9: '10'})
20 d.clear()
```

положить пару ключ-значение в словарь можно с помощью операции индексации [...]

```
1 d = dict() # a =
2 d['hello'] = 2
3 d[5] = 'a'
4 d
```

```
{'hello': 2, 5: 'a'}
```

словарь можно создать из списка

```
1 d = dict([(1, 5), ('t', 7)])
2 d = {1: 5, 't': 7}
3 d
```

```
{1: 5, 't': 7}
```

если ключа нет в словаре, то будет ошибка - выбросится исключение

```
1 d[8]
```

```
KeyError
Traceback (most recent call last)
<ipython-input-62-4ef738dbabd0> in <module>
----> 1 d[8]

KeyError: 8
```

Для того, чтобы подобное избежать, нужно использовать метод `get`

```
1 d.get(8, -1)
```

```
-1
```

Можно получить набор всех ключей и значений

```
1 d.keys(), d.values()
```

```
(dict_keys([1, 't']), dict_values([5, 7]))
```

Управляющие конструкции

Базовый цикл в Python - **for**, он применяется для обхода коллекций

```
1 s = 0
2 for i in [1, 2, 3]:
3     s += i
4 print(s)
```

```
6
```

Если нужны индексы, можно использовать встроенную функцию `enumerate`

```
1 list(enumerate(['a', 'b', 'c']))
```

```
[(0, 'a'), (1, 'b'), (2, 'c')]
```

в цикле

```
1 lst = ['a', 'b', 'c']
2 result = []
3 for (i, x) in enumerate(lst):
4     result.append((x, i))
5
6 result
```

```
[('a', 0), ('b', 1), ('c', 2)]
```

Цикл `while`

```
1 i = 0
2 lst = []
3 while len(lst) < 6:
4     lst.append(i)
5     i += 1
6 lst
```

```
[0, 1, 2, 3, 4, 5]
```

Оператор `if`

```
1 a = 2
2 if a < 5:
3     a = 1
4 elif a == 5:
5     a = 2
6 else:
7     a = 3
```

List comprehension (списковое включение)

Синтаксический сахар, для быстрых манипуляций со списками

```
1 l = [1, 2, 3]
2 l = [x * x for x in l]
3 l
```

```
[1, 4, 9]
```

Например, можно создать новый список, который содержит квадраты только четных элементов

```
1 [x * x for x in range(1, 10) if x % 2 == 0]
```

```
[4, 16, 36, 64]
```

или список состоящий из списков

```
1 [list(range(x)) for x in range(1, 10) if x % 2 == 1]
```

```
[[0],  
 [0, 1, 2],  
 [0, 1, 2, 3, 4],  
 [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6],  
 [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8]]
```

Можно комбинировать итерирование по нескольким коллекциям

```
1 [(x, y) for x in range(1, 20) for y in range(1, 20)  
   if x * y == 16]
```

```
[(1, 16), (2, 8), (4, 4), (8, 2), (16, 1)]
```

Аналогично устроена работа с множествами

```
1 { x * x : x for x in range(5) }
```

и словарями

```
{0: 0, 1: 1, 4: 2, 9: 3, 16: 4}
```

Пример применения для обработки слов в предложении:

```
1 text = ['Hello', 'world', '!']
2 text_filtered = [t.lower() for t in text if t.isalpha()]
```

Функции

Функции в Python можно определить с помощью ключевого слова `def` или `lambda`.

```
1 def add(a, b):
2     return a + b
3
4 div = lambda a, b : a / b
5
6 add(2, 3), add('2', '3'), div(4, 2), div(b=2, a=2)
```

```
(5, '23', 2.0, 1.0)
```

Python поддерживает функции и неопределенным числом аргументов, при этом аргументы могут быть позиционными и именованными.

```
1 def foo(a, *args, **kwargs):
2     print(a)
3     print(args, type(args))
4     print(kwargs, type(kwargs))
5
6 foo(1, 7, 10, c=10)
```

```
1
(7, 10) <class 'tuple'>
{c: 10} <class 'dict'>
```

Функции в *Python* - функции высшего порядка, можно использовать в качестве аргументов других функций и возвращать из других функций.

```
1 def foo(f, a, b):  
2     return f(a, b)  
3  
4 foo(add, 5, 7)
```

12

Здесь функция возвращает функцию

```
1 def appl(f, a):  
2     return lambda x: f(a, x)  
3  
4 add_2 = appl(add, 2)  
5 add_2(10)
```

12

В *Python* есть большой набор встроенных функций, в частности для сортировки:

```
1 lst = [3, 2, 5, 1, 7]  
2 sorted(lst)
```

[1, 2, 3, 5, 7]

Альтернативно можно использовать метод `sort` у списка.

```
1 lst.sort()  
2 lst
```

```
[1, 2, 3, 5, 7]
```

Можно передать функцию, которая определяет отношения порядка между элементами списка

```
1 lst = [(5, 'the'), (2, 'sun'), (2, 'shines'),  
2         (7, 'brightly')]  
3 lst.sort(key=lambda x: -x[0])  
4 lst
```

```
[(7, 'brightly'), (5, 'the'), (2, 'sun'), (2, 'shines')]
```

Итераторы и генераторы

Итератор - объект, предоставляющий доступ к элементам коллекции и навигацию по ним. В Python есть концепции итерируемого объекта, итератора и генератора. В общих слова:

- итератор - специальный объект, который можно получить из коллекции с помощью вызова встроенной функции `iter`. В дальнейшем следующие элементы выдаются после вызова `next()`.
- итерируемый объект - объект, по которому с помощью вызова `iter()` можно создать итератор
- генератор - частный случай итератора, который создается с помощью функций специального вида

```
1 it = iter([1, 2, 3])  
2 next(it), next(it), next(it)
```

```
(1, 2, 3)
```

В цикле `for` итератор создается неявным образом, главное чтобы в качестве аргумента был итерируемый объект. Следующий код

```
1 def action(x):
2     print(x)
3
4 lst = [1, 2, 3]
5
6 for x in lst:
7     action(x)
```

```
1
2
3
```

приблизительно эквивалентен

```
1 it = iter(lst)
2 while True:
3     try:
4         value = next(it)
5         except StopIteration:
6             break
7     action(value)
```

```
1
2
3
```

“Функция-генератор” - это специальная функция, которая содержит хотя бы один оператор `yield`. Вызов функции интерпретируется как создание итератора, в момент вызова `yield` выполнение приостанавливается.

```
1 def gen(val):
2     for i in range(3):
3         yield '%s #%d' % (val, i)
4         print('After yield %d' % i)
5
6     for val in gen('From yield'):
7         print(val)
8
9     it = gen('From yield once again')
10    next(it), next(it)
```

```
From yield #0
After yield 0
From yield #1
After yield 1
From yield #2
After yield 2
After yield 0
```

```
('From yield once again #0', 'From yield once again #1')
```

В качестве альтернативы можно использовать list comprehension, только с круглыми скобками, в этом случае так же создается генератор:

```
1 gen = (x for x in range(1, 100) if x % 2 == 0)
2 next(gen), next(gen)
```

```
(2, 4)
```

Классы

Для создания пользовательских классов можно использовать простой синтаксис, можно заметить:

-
- явно передается ссылка на объект
 - специализированные методы начинаются и заканчиваются двумя подчеркиваниями. Это одна из черт общей философии языка Python. В данном примере `__str__` применяется для создания строкового представления, а `__repr__` используется для отладки и результат должен отображать внутреннее состояние экземпляра класса.

```
1 class Person:
2     def __init__(self, name, age, children=[]):
3         self.name = name
4         self.age = age
5         self.children = children
6
7     def add_child(self, child):
8         self.children.append(child)
9
10    def __str__(self):
11        return self.name
12
13    def __repr__(self):
14        return f'Person("{self.name}", {self.age}, {
            repr(self.children)})'
```

Создадим экземпляр класса (оператора `new` в Python нет)

```
1 person = Person('Ivan Ivanov', 35)
2 print('{}\n{}\n{}'.format(repr(person), str(person),
    person))
```

```
Person("Ivan Ivanov", 35, [])
Ivan Ivanov
Ivan Ivanov
```

Экземпляр класса в Python очень упрощенно представляет собой сло-

варь - ассоциативный массив из полей и методов

```
1 vars(person)
```

```
{'name': 'Ivan Ivanov', 'age': 35, 'children': []}
```

```
1 dir(person)
```

```
['__class__',  
 '__delattr__',  
 '__dict__',  
 '__dir__',  
 '__doc__',  
 '__eq__',  
 '__format__',  
 '__ge__',  
 '__getattr__',  
 '__gt__',  
 '__hash__',  
 '__init__',  
 '__init_subclass__',  
 '__le__',  
 '__lt__',  
 '__module__',  
 '__ne__',  
 '__new__',  
 '__reduce__',  
 '__reduce_ex__',  
 '__repr__',  
 '__setattr__',  
 '__sizeof__',  
 '__str__',  
 '__subclasshook__',  
 '__weakref__',  
 'add_child',  
 'age',  
 'children',  
 'name']
```

для классов, предназначенных только для хранения данных, можно использовать `namedtuple` или `@dataclass`

```
1 from collections import namedtuple
2 from dataclasses import dataclass
3
4 @dataclass
5 class Person:
6     name: str
7     age: int
8
9 Person = namedtuple('Person', ['name', 'age'])
10 person = Person(name='Ivanov', age=20)
11 person, person.name, person.age
```

```
(Person(name='Ivanov', age=20), 'Ivanov', 20)
```

```
1 class FibSequence:
2     def __init__(self, start0, start1):
3         self.start0 = start0
4         self.start1 = start1
5
6     def __iter__(self):
7         yield self.start0
8         yield self.start1
9         while True:
10            self.start0, self.start1 = self.start1,
11                self.start0 + self.start1
12            yield self.start1
```

```
1 fib_seq = FibSequence(1, 2)
2
3 for i, num in enumerate(fib_seq):
4     print(i, num)
5     if i >= 5:
6         break
```

```
0 1
1 2
2 3
3 5
4 8
5 13
```

Задачи

Задача 1. Свертка списка - это обобщенная операция над списком, с помощью которой можно преобразовать список в единое значение. Например, рассмотрим реализации свертки слева и свертки справа (левоассоциативную свертку и правоассоциативную свертку):

```
1 def foldl(f, x0, lst):
2     if not lst:
3         return x0
4     return foldl(f, f(x0, lst[0]), lst[1:])
5
6 def foldr(f, x0, lst):
7     if not lst:
8         return x0
9     return f(lst[0], foldr(f, x0, lst[1:]))
```

Задача: реализовать foldl через foldr и наоборот. Вместо многоточий нужно вставить выражения, которые бы привели к нужному результату.

```
1 def foldl2(f, x0, lst):
2     return foldr(..., ..., lst)(...)
3
4 def foldr2(f, x0, lst):
5     return foldl(..., ..., lst)(...)
```

Задача 2. Нужно написать функцию, которая принимает две строки

и проверяет, входит ли хотя бы одна перестановка второй строки в первую. Например:

```
a = 'abcrotm'  
b = 'tro'
```

функция `def check_inv(a, b)` вернет `True`, так как `'rot'` содержится в `'abcrotm'`. Нужно подумать как можно более оптимальный алгоритм и оценить его сложность.

```
1 def check_inv(a, b):  
2     pass
```

Избранные конструкции и библиотеки

Декораторы

Функции в Python - функции высшего порядка. Декораторы - это специальные функции, которые служат для временного изменения поведения других функций. Они принимают в качестве параметра старую функцию и возвращают новую. Для них определен синтаксический сахар:

При создании декораторов лучше использовать стандартный декоратор из стандартной библиотеки

```
1 @functools.wraps
```

это позволяет сохранять мета информацию для декорируемой функции

Напишем декоратор, который изменяет поведение функций, возвращающий целое число - прибавляет к результату единицу

```
1 import functools
2
3 def plus_one(old_func):
4     @functools.wraps(old_func)
5     def wrapper(*args, **kwargs):
6         return old_func(*args, **kwargs) + 1
7     return wrapper
8
9 @plus_one
10 def my_func():
11     """Docstring"""
12     return 41
13
14 my_func()
```

```
42
```

```
1 print(my_func.__name__, my_func.__doc__)
```

```
my_func Docstring
```

Контекстные менеджеры

Контекстные менеджеры позволяют контролировать выделение и освобождение ресурсов с помощью специального оператора `with`. Например для закрытие файлового дескриптора, освобождения блокировки, закрытия соединения с базой данных и т.д.

Пример с файлом:

```
1 with open('file.txt', 'w', encoding='utf-8') as f:
2     f.write('Hello\n')
```

в заголовке оператора `with` создается объект файлового дескриптора, который автоматически закрывается при выходе из тела оператора.

Контекстный менеджер можно реализовать самостоятельно. Следующий код

```
1 class MyContextMng(object):
2     def __init__(self, s):
3         self.s = s
4         pass
5
6     def __enter__(self):
7         print('Enter')
8         return self.s
9
10    def __exit__(self, exception_type, exception_val,
11                trace):
12        print('Exit')
13        return True
14
15    with MyContextMng('Hello') as f:
16        #actions
17        pass
```

```
Enter
Exit
```

приблизительно преобразуется в следующее

```
1 tmp = MyContextMng('Hello')
2 f = tmp.__enter__()
3 try:
4     actions
5     pass
6 except:
7     pass
8 finally:
9     tmp.__exit__(None, None, None)
```

```
Enter
Exit
```

Написание контекстных менеджеров можно упростить с помощью декоратора `@contextmanager` и генераторов

```
1 from contextlib import contextmanager
2
3 @contextmanager
4 def my_context(s):
5     print('Enter')
6     yield s
7     print('Exit')
8
9 with my_context('Hello') as f:
10     #actions
11     pass
```

```
Enter
Exit
```

Операции с файлами

чтение файла

```
1 with open('data/real_estate.csv', 'r', encoding='utf
  -8') as f:
2     print(f.readline().strip())
3     for c, line in enumerate(f):
4         pass
```

```
КомнатРайон
#, , городаАдресЭтажОбщЖилКухМТелПримечанияЦена,,,,,,
252
```

список файлов в директории

```
1 import os
2
3 os.listdir('data/')
```

```
['faces.npy',
 'man.png',
 'real_estate.csv',
 'svm_example_circle.npz',
 'svm_example_moons.npz',
 'texts.zip',
 'transport_log.zip',
 'weather.csv',
 'wiki.xml']
```

временные файлы

```
1 import tempfile
2
3 with tempfile.NamedTemporaryFile() as fn:
4     with open(fn.name, 'w', encoding='utf-8') as f:
5         f.write('Hello world!\n')
6
7     with open(fn.name, 'r', encoding='utf-8') as f:
8         print(f.readlines())
```

```
['Hello world!\n']
```

архивы

```
1 import zipfile
2 import io
3
4 with zipfile.ZipFile('data/texts.zip', 'r') as zf:
5     with zf.open('texts.txt', 'r') as f:
6         f_unicode = io.TextIOWrapper(f, 'utf-8')
7         print(f_unicode.readline()[:50])
8         print(f.readline().decode('utf-8')[:50])
```

```
0 «Школазлословия »учитприкуситьязыкСохранитсют
: приключенческаяканваопираласьнаотличноезн
```

Коллекции и итераторы

модуль itertools

итерирование одновременно по нескольким коллекциям

```
1 list(zip(['a', 'б', 'в'], ['a', 'b', 'c']))
2 list(enumerate(['a', 'b', 'c']))
3 list(zip(['a', 'b', 'c'], [1, 2, 3]))
```

```
а
[(0, 'a'), (1, 'b'), (2, 'c')]
[(0, 'a'), (1, 'b'), (2, 'c')]
[(0, 'a'), (1, 'b'), (2, 'c')]
```

конкатенация нескольких коллекций

```
1 import itertools
2
3 ch = itertools.chain(g(), [1, 2, 3], {3, 5, 6}, iter
  ([1, 2]))
4 list(ch)
```

```
[1, 2, 1, 2, 3, 3, 5, 6, 1, 2]
```

Создадим словарь из списка пар:

```
1 lst = ['a', 'b', 'c']
2 dict(enumerate(lst))
```

```
{0: 'a', 1: 'b', 2: 'c'}
```

модуль `functools` позволяет применять некоторые концепции из функционального программирования, кэшировать результат выполнения функции и так далее

```
1 from functools import partial
2
3 add = lambda x, y: x + y
4 foo = partial(add, y=5)
5 foo(10)
```

```
15
```

Кэшировать результат функции (LRU-кэш) можно с помощью специального декоратора

```
1 from functools import lru_cache
2 from time import sleep
3
4 @lru_cache(maxsize=5)
5 def heavy_stateless_computations(param):
6     sleep(5)
7     return param ** 2
8
9 %time heavy_stateless_computations(20)
10 %time heavy_stateless_computations(20)
```

```
CPU times: user 1.98 ms, sys: 0 ns, total: 1.98 ms
Wall time: 5 s
CPU times: user 16 µs, sys: 0 ns, total: 16 µs
Wall time: 26 µs
```

```
400
```

модуль `collections` содержит утилиты для работы с коллекциями.

`defaultdict` позволяет создать словарь, в котором для каждого отсутствующего ключа при первом обращении создается значение по умолчанию.

```
1 from collections import defaultdict
2
3 d = defaultdict(lambda: []) # можно просто
   defaultdict(list)
4 d['word1'].append(1)
5 d['word1'].append(2)
6 d['word2'].append(3)
7 d
```

```
defaultdict(<function __main__.<lambda>>, {'word1': [1,
2], 'word2': [3]})
```

`Counter` позволяет быстро организовать подсчет элементов

```
1 from collections import Counter
2
3 c = Counter()
4 c['word1'] += 1
5 c['word2'] += 2
6 c.update({'word1': 5, 'word3': 4})
7 c
```

```
Counter({'word1': 6, 'word2': 2, 'word3': 4})
```

В дальнейшем можно получить список наиболее популярных (самых частотных) элементов в коллекции.

```
1 c.most_common(2)
```

```
[('word1', 6), ('word3', 4)]
```

Сериализация

Сериализация - представление структуры данных в бинарном виде, для дальнейшего сохранения этой структуры или передачи (например по сети). В `Python` существует стандартный механизм сериализации - модуль `pickle`. Так же возможно сохранение базовых объектов в формате `json`.

В данном примере сначала создаются временные файлы, куда записывается представление объектов в бинарном виде и в `json`. Затем это представление восстанавливается.

```
1 import tempfile
2 import pickle
3 import json
4
5 obj = {'hello' : [1, 2, 3], 'world': [4, 5, 6]}
6
7 with tempfile.NamedTemporaryFile() as fn:
8     with open(fn.name, 'wb') as f:
9         pickle.dump(obj, f)
10        print(pickle.load(open(fn.name, 'rb')))
11
12 with tempfile.NamedTemporaryFile() as fn:
13     with open(fn.name, 'w') as f:
14         json.dump(obj, f)
15        print(json.load(open(fn.name, 'r')))
```

```
{'hello': [1, 2, 3], 'world': [4, 5, 6]}
{'hello': [1, 2, 3], 'world': [4, 5, 6]}
```

Задачи

Задача 1. Реализовать бинарное дерево (класс `Tree`), в нём методы `repr`, `str`, `iter` (итерация только по листьям).

```
1 class Tree:
2     def __init__(self, value=None, left=None, right=
      None):
3         self.left = left
4         self.right = right
5         self.value = value
6
7     def __iter__(self):
8         pass
9
10    def __str__(self):
11        pass
12
13    def __repr__(self):
14        pass
15
16    tree = Tree(0, Tree(1, Tree(3), Tree(4)),
17              Tree(2))
18
19    list(tree) == [3, 4, 2]
```

Задача 2. Реализовать простейший калькулятор математических выражений: - только целые числа - умножение, сложение, вычитание, деление - скобки

```
1 def calc(expr):
2     pass
3
4 calc('2 * (15 - 3 * 4) - 2') == 4
```

NumPy

NumPy используется как основа почти для всех математических библиотек в Python. В пакете реализованы и хорошо оптимизированы базовые операции над векторами, матрицами и т.п. (BLAS). Основные функции NumPy реализованы на языке C.

Стандартная процедура импортирования модуля `NumPy`. Встречается почти в каждом скрипте.

```
1 import numpy as np
```

Создание массивов

Основная концепция в `NumPy` - типизированный многомерный массив, весь остальной функционал завязан вокруг этого. Существует много способов создания массива.

Например из обычного списка

```
1 a = np.array([[1.5, 4.5], [1, 2]])
```

```
1 a.astype('int64')
```

```
array([[1, 4],
       [1, 2]])
```

```
1 ar = np.array([1, 2.6])
```

```
1 ar = np.array([[1, 2], [3, 4]])
2 ar
```

```
array([[1, 2],
       [3, 4]])
```

Размерность массива можно узнать с помощью функции `> np.shape()`

или свойства `.shape > ar.shape`

```
1 print(np.shape(ar), ar.shape)
```

```
(2, 2) (2, 2)
```

Массив можно создать с помощью специальных функций.

Одномерный массив из нулей

```
1 np.zeros(5)
```

```
array([0., 0., 0., 0., 0.])
```

Двумерный массив (матрица) из нулей

```
1 np.zeros((3, 3), dtype='int64')
```

```
array([[0, 0, 0],
       [0, 0, 0],
       [0, 0, 0]])
```

Двумерный массив из единиц

```
1 np.ones((3, 3))
```

```
array([[1., 1., 1.],
       [1., 1., 1.],
       [1., 1., 1.]])
```

Массив из чисел от 1 включительно до 10 через 2

```
1 np.arange(1, 10, 2)
```

```
array([1, 3, 5, 7, 9])
```

Массив из чисел на отрезке от 1 до 10 состоящий и 5 элементов на равных промежутках

```
1 np.linspace(1, 10, 5)
```

```
array([ 1. ,  3.25,  5.5 ,  7.75, 10. ])
```

Диагональная матрица с указанными элементами

```
1 np.diag([1, 2, 3])
```

```
array([[1, 0, 0],
       [0, 2, 0],
       [0, 0, 3]])
```

Единичная матрица

```
1 np.identity(3)
```

```
array([[1., 0., 0.],
       [0., 1., 0.],
       [0., 0., 1.]])
```

Массивы NumPy типизированы, тип массива выводится во время создания, но его можно указать явно:

```
1 ar = np.array([1, 2, 3], dtype=np.double)
2 ar
```

```
array([1., 2., 3.]
```

Для получения типа массива можно использовать свойство `dtype`

```
1 ar.dtype
```

Задать тип массива можно с помощью строки

```
dtype('float64')
```

Физически массивы NumPy - это массив байт, размерность хранится отдельно и её можно поменять с помощью метода (общий размер не должен меняться)

```
.reshape
```

Изменим размер матрицы 2×3 на 3×2 . При этом данные буфера общие для двух массивов.

```
1 a = np.array([[1, 2, 3], [3, 4, 5]])
2 b = a.reshape((3, 2))
3 a[1, 1] = 7
4 b
```

```
array([[1, 2],
       [3, 3],
       [7, 5]])
```

```
1 a[1, 1]
```

7

Изменим размерность массива из чисел от 0 до 15

```
1 a = np.arange(0, 16)
2 b = a.reshape((2, 8))
3 print('a =', a)
4 print('b =', b)
```

```
a = [ 0  1  2  3  4  5  6  7  8  9 10 11 12 13 14 15]
b = [[ 0  1  2  3  4  5  6  7]
     [ 8  9 10 11 12 13 14 15]]
```

При этом видим, что у них общий буфер. Если мы изменим один массив, то изменится и другой

```
1 b[1, 0] = 18
2 print('a =', a)
3 print('b =', b)
```

```
a = [ 0  1  2  3  4  5  6  7 18  9 10 11 12 13 14 15]
b = [[ 0  1  2  3  4  5  6  7]
     [18  9 10 11 12 13 14 15]]
```

Для изменения общего размера массива применяется метод `.resize`. При этом может производиться копирование данных, эту операцию следует использовать с осторожностью

```
1 a = np.arange(0, 16)
2 a.resize((3, 8))
3
4 print(a)
```

```
[[ 0  1  2  3  4  5  6  7]
 [ 8  9 10 11 12 13 14 15]
 [ 0  0  0  0  0  0  0  0]]
```

Индексация массивов

К элементам массива можно обращаться так же, как мы это делаем для списков или строк Python

```
1 a = np.arange(0, 16).reshape((4, 4))
2 print(a)
```

```
[[ 0  1  2  3]
 [ 4  5  6  7]
 [ 8  9 10 11]
 [12 13 14 15]]
```

```
1 print(a[0, 2], a[0][2])
```

```
2 2
```

Slicing

Slicing - это получение “среза” массива или под массива. В случае матрицы операцию можно интерпретировать как получение под матрицы.

В данном случае берем первые две строки и 1,2-й столбец.

```
1 a = np.arange(0, 16).reshape((4, 4))
2 print(a[0:2,1:3])
```

```
[[1 2]
 [5 6]]
```

Можно оставить только третью строку, в этом случае получим одномерный массив

```
1 print(a[2, :])
```

```
[ 8  9 10 11]
```

можно взять строки и столбцы в обратном порядке

```
1 print(a[0:2, ::-1])
```

```
[[3 2 1 0]
 [7 6 5 4]]
```

Slicing можно использовать для изменения массивов, например изменяем все элементы второго столбца на 1.

```
1 a[:, 1] = 1
2 print(a)
```

```
[[ 0  1  2  3]
 [ 4  1  6  7]
 [ 8  1 10 11]
 [12  1 14 15]]
```

Или первые два элемента первой строки

```
1 a[0, :2] = np.ones(2)
2 print(a)
```

```
[[ 1  1  2  3]
 [ 4  1  6  7]
 [ 8  1 10 11]
 [12  1 14 15]]
```

Advanced indexing

Если в качестве индекса использовать массивы одинакового размера, то создастся подмассив из соответствующих элементов

```
1 a = np.arange(16).reshape((4, 4))
2 print(a)
3
4 rows = [1, 3]
5 columns = [2, 2]
```

```
[[ 0  1  2  3]
 [ 4  5  6  7]
 [ 8  9 10 11]
 [12 13 14 15]]
```

```
1 # получаем массив [ a[row[0], column[0]], a[row[1],
   column[1]] ]
2 print(a[rows, columns])
```

```
[ 6 14]
```

Или даже так, в этом случае получаем матрица из некоторых элементов исходного массива

```
1 print(a[ [[0, 0], [1, 1]], [[2, 2], [3, 3]] ])
```

```
[[2 2]
 [7 7]]
```

Можно смешивать способы индексации

```
1 print(a[[0, 1], :2])
2
3 print(a[2:, [0, 1]])
```

```
[[0 1]
 [4 5]]
[[ 8 9]
 [12 13]]
```

Можно использовать маски из логических значений:

Тут на получаем новый массив из булевских значений, всем элементам строго больше 3 соответствует `True`.

```
1 print(a > 3)
```

```
[[False False False False]
 [ True  True  True  True]
 [ True  True  True  True]
 [ True  True  True  True]]
```

Можно получить одномерный массив из элементов удовлетворяющих условию

```
1 print(a[a > 3])
```

```
[ 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15]
```

Получение подматрицы, где остаются только те строки, сумма элементов которых строго больше 8

```
1 a[a.sum(axis=1) > 8]
```

```
array([[ 4,  5,  6,  7],  
       [ 8,  9, 10, 11],  
       [12, 13, 14, 15]])
```

Базовые операции

Массивы имеют обширный набор методов для совершения тех или иных операций над своими элементами. Например для суммирования, нахождения максимума или минимума, нахождения среднего значения и многое другое. Характерная особенность таких операций состоит в том, что они могут применяться к элементам по определенным осям (“вдоль оси”).

Например, в данном примере происходит суммирование всех элементов матрицы, суммировании строк (вдоль оси “0”) и столбцов (вдоль оси “1”).

```
1 print(ar.sum(), ar.sum(axis=0), ar.sum(axis=1), sep='  
    ;')
```

```
40.0; [ 4.  8. 12. 16.]; [10. 10. 10. 10.]
```

Матрицы можно развернуть в одномерный массив

```
1 ar.ravel()
```

```
array([1., 2., 3., 4., 1., 2., 3., 4., 1., 2., 3., 4.,
       1., 2., 3., 4.])
```

Два массива можно соединить вдоль определенной оси. При этом обязательно, чтобы вдоль этой оси размерность была одинаковой. В примере одна матрица присоединяется к другой “сверху” или “вдоль оси 0”

```
1 a = np.arange(0, 5).reshape((1, 5))
2 b = np.arange(5, 10).reshape((1, 5))
3 np.concatenate((a, b), axis=0)
```

```
array([[0, 1, 2, 3, 4],
       [5, 6, 7, 8, 9]])
```

Аналогично “вдоль оси 1”

```
1 np.concatenate((a, b), axis=1)
```

```
array([[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]])
```

Для наглядности, если нужно соединить сверху или вдоль, то применяются методы `vstack` и `hstack`

```
1 np.vstack((a, b))
```

```
array([[0, 1, 2, 3, 4],
       [5, 6, 7, 8, 9]])
```

```
1 np.hstack((a, b))
```

```
array([[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]])
```

Линейная алгебра

Для массивов NumPy переопределены все базовые математические операции, при этом они выполняются поэлементно, если размерности совпадают и с помощью специальных правил (“broadcasting”) в противном случае

```
1 ar = np.ones((4, 4)) * np.array([[1, 2, 3, 4]])
2 ar
```

```
array([[1., 2., 3., 4.],
       [1., 2., 3., 4.],
       [1., 2., 3., 4.],
       [1., 2., 3., 4.]])
```

```
1 mat = np.ones((5, 5))
2 mat + mat
```

```
array([[2., 2., 2., 2., 2.],
       [2., 2., 2., 2., 2.],
       [2., 2., 2., 2., 2.],
       [2., 2., 2., 2., 2.],
       [2., 2., 2., 2., 2.]])
```

Если размерности не совпадают, то операции совершаются рекурсивно над подмассивом соответствующей размерности вдоль возможной старшей оси.

Ко всем элементам матрицы можно прибавить число

```
1 mat + 2
```

```
array([[3., 3., 3., 3., 3.],
       [3., 3., 3., 3., 3.],
       [3., 3., 3., 3., 3.],
       [3., 3., 3., 3., 3.],
       [3., 3., 3., 3., 3.]])
```

Ко всем строкам можно прибавить строку

```
1 mat + np.array([1, 2, 3, 4, 5])
```

```
array([[2., 3., 4., 5., 6.],
       [2., 3., 4., 5., 6.],
       [2., 3., 4., 5., 6.],
       [2., 3., 4., 5., 6.],
       [2., 3., 4., 5., 6.]])
```

Ко всем столбцам - столбец

```
1 mat + np.array([[1], [2], [3], [4], [5]])
```

```
array([[2., 2., 2., 2., 2.],
       [3., 3., 3., 3., 3.],
       [4., 4., 4., 4., 4.],
       [5., 5., 5., 5., 5.],
       [6., 6., 6., 6., 6.]])
```

Ну или просто сложить две матрицы

```
1 mat + np.ones(5)
```

```
array([[2., 2., 2., 2., 2.],
       [2., 2., 2., 2., 2.],
       [2., 2., 2., 2., 2.],
       [2., 2., 2., 2., 2.],
       [2., 2., 2., 2., 2.]])
```

Аналогично с операцией умножения (важно понимать, что это не матричное умножение), деления и так далее

```
1 5 * mat
```

```
array([[5., 5., 5., 5., 5.],
       [5., 5., 5., 5., 5.],
       [5., 5., 5., 5., 5.],
       [5., 5., 5., 5., 5.],
       [5., 5., 5., 5., 5.]])
```

Синус над всеми элементами матрицы

```
1 np.sin(mat)
```

```
array([[0.841, 0.841, 0.841, 0.841, 0.841],
       [0.841, 0.841, 0.841, 0.841, 0.841],
       [0.841, 0.841, 0.841, 0.841, 0.841],
       [0.841, 0.841, 0.841, 0.841, 0.841],
       [0.841, 0.841, 0.841, 0.841, 0.841]])
```

Транспонирование матрицы

```
1 mat = np.arange(16).reshape(4, 4)
2 #транспонирование
3 mat.T, mat.transpose()
```

Матричное умножение

```
1 np.dot(mat, mat)
2 mat @ mat
3 mat.dot(mat)
```

Определитель матрицы

```
1 np.linalg.det(mat)
```

Обратная матрица

```
1 np.linalg.inv(np.array([[1, 0], [0, 1]]))
```

Псевдообратная матрица

```
1 np.linalg.pinv(mat)
```

Собственные числа

```
1 np.linalg.eigvals(mat)
```

Собственные вектора

```
1 np.linalg.eig(mat)
```

SVD разложение

```
1 np.linalg.svd(mat)
```

Для матричного умножения используется оператор @ или метод dot

```
1 mat = np.arange(16).reshape(4, 4)
2 mat @ mat
3 mat.dot(mat)
4 np.dot(mat, mat)
```

```
array([[ 56,  62,  68,  74],
       [152, 174, 196, 218],
       [248, 286, 324, 362],
       [344, 398, 452, 506]])
```

Функции

Важно понимать, что для массивов, помимо умножения, деления и пр., нужно использовать лишь специализированные версии операций из пакета `NumPy`. Например, в данном примере при попытке использовать операцию `cos` из стандартной библиотеки `Python` произойдет ошибка

```
1 def foo(x):
2     return x * np.cos(x) - np.sin(x)
3
4 foo(np.array([1, 2, 7]))
```

```
array([-0.30116868, -1.7415911 ,  4.62032918])
```

С помощью декоратора `vectorize` можно получить специализированную версию функции, которая будет применяться ко всем элементам массива `NumPy` поэлементно. Важно понимать, что часто подобные операции неэффективны и их следует применять лишь в исключительных случаях

```
1 @np.vectorize
2 def foo(x):
3     if x > 5:
4         return 1
5     return 0
6
7 foo(np.array([1, 2, 7]))
```

```
array([0, 0, 1])
```

Сохранение состояния

Массивы NumPy могут быть сохранены в бинарном виде

```
1 import tempfile
2
3 with tempfile.NamedTemporaryFile(suffix='.npy') as fn
4     :
5     np.save(fn.name, np.array([1, 2, 3]))
6     a = np.load(fn.name)
7     print(a)
```

```
[1 2 3]
```

Случайные числа

NumPy содержит большое количество различных математических функций. Остановимся на модуле `numpy.random` в котором содержится большое количество методов для получения массивов из псевдослучайных чисел.

Получение случайной матрицы 5×5 из целых чисел на полуинтервале от 0 до 5.

```
1 import numpy.random as rnd
2
3 rnd.randint(0, 5, (5, 5))
```

```
array([[4, 4, 1, 0, 3],
       [1, 0, 0, 4, 0],
       [4, 2, 4, 2, 1],
       [1, 2, 4, 4, 1],
       [1, 1, 4, 1, 2]])
```

Сэмплинг матрицы размерностью 2×2 из нормального распределения, с математическим ожиданием 5 и среднеквадратичным отклонением 1.

```
1 rnd.normal(5., 1, size=(2, 2))
```

```
array([[6.21217647, 4.17759224],
       [5.40441408, 5.44658326]])
```

Сэмплинг из распределения Дирихле.

```
1 rnd.dirichlet(alpha=[2, 3])
```

```
array([0.47996603, 0.52003397])
```

Задачи

№В. Все упражнения ниже нужно делать без использования циклов Python

Задача 1. Посчитать

$$\left(2, \frac{2^2}{2}, \dots, \frac{2^{20}}{20}\right)$$

Задача 2. Посчитать:

$$\sum_{i=0}^5 0.1^{3i} 0.2^{4i}$$

Задача 3.

Создать нулевую матрицу 8×8 , и заполнить её единицами в шахматном порядке.

Список литературы

1. Pilgrim M. , Willison S. . Dive Into Python 3 : т. Т. 2. Springer, 2009. с.
2. Van Rossum G. , Drake F. L. . Python 3 Reference Manual : т. Scotts Valley, CA: CreateSpace, 2009. с.
3. matplotlib [Электронный ресурс] / (01.03.2020). Режим доступа: <https://pypi.python.org/pypi/matplotlib/>.
4. networkx [Электронный ресурс] / (01.03.2020). Режим доступа: <http://румс-devs.github.io/румс>.
5. NumPy [Электронный ресурс] / (01.03.2020). Режим доступа: <https://numpy.org/>.
6. Pandas [Электронный ресурс] / (01.03.2020). Режим доступа: <https://pypi.python.org/pypi/pandas>.
7. Plotly [Электронный ресурс] / (01.03.2020). Режим доступа: <https://plot.ly>.
8. РумСЗ [Электронный ресурс] / (01.03.2020). Режим доступа: <http://румс-devs.github.io/румс>.
9. PyTorch [Электронный ресурс] / (01.03.2020). Режим доступа: <https://pytorch.org/>.
10. scikit-learn [Электронный ресурс] / (01.03.2020). Режим доступа: <http://scikit-learn.org>.
11. SciPy [Электронный ресурс] / (01.03.2020). Режим доступа: <https://scipy.org/>.
12. statsmodels [Электронный ресурс] / (01.03.2020). Режим доступа: <http://statsmodels.org>.

13. SymPy [Электронный ресурс] / (01.03.2020). Режим доступа: <http://www.sympy.org/en/index.html>.

14. Tensorflow [Электронный ресурс] / (01.03.2020). Режим доступа: <https://tensorflow.org>.